

I) Théorème de Thalès :

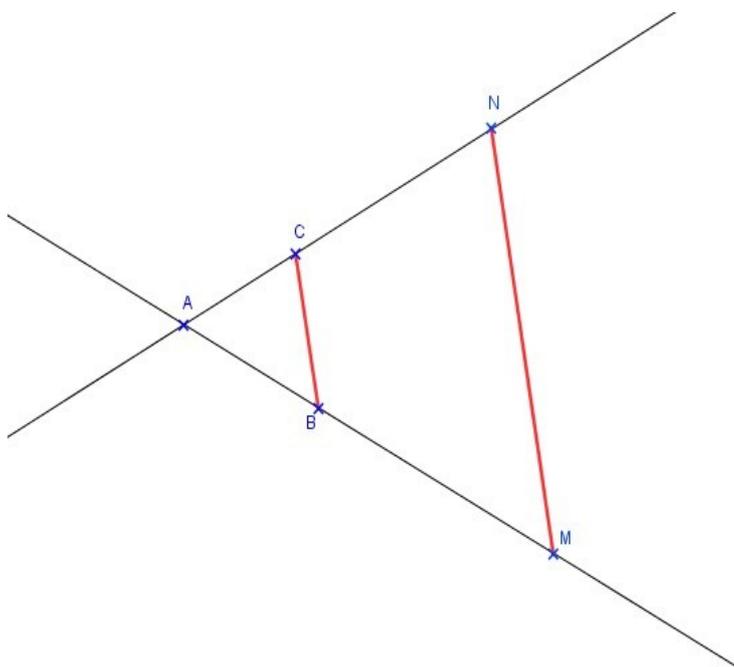
(BM) et (CN) étant deux droites sécantes en un point A.

Si les droites (BC) et (MN) sont parallèles, alors :

$$\frac{AB}{AM} = \frac{AC}{AN} = \frac{BC}{MN}$$

Deux types de configurations correspondant à cet énoncé sont à connaître :

1)

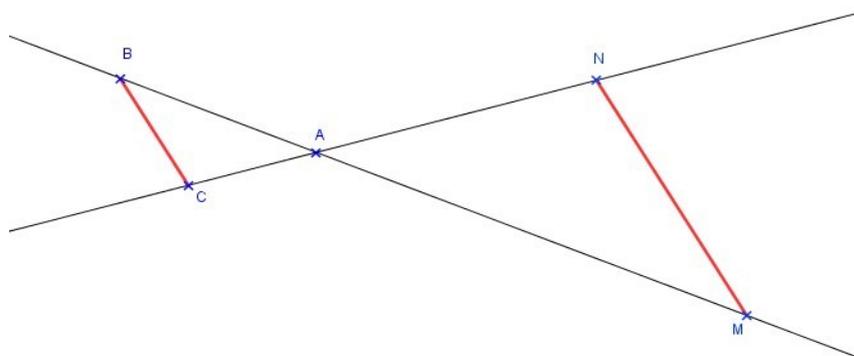


Données : (BC) // (MN)

Conclusion :

$$\frac{AB}{AM} = \frac{AC}{AN} = \frac{BC}{MN}$$

2)



Données : (BC) // (MN)

Conclusion :

$$\frac{AB}{AM} = \frac{AC}{AN} = \frac{BC}{MN}$$

Exemple :

Dans la configuration précédente, on donne  $AB = 4 \text{ cm}$  ,  $AC = 2,5 \text{ cm}$  et  $AN = 6,1 \text{ cm}$   
Calculer  $AM$ .

Comme  $(BC) // (MN)$ , on peut appliquer le théorème de Thalès,

$$\text{alors : } \frac{AB}{AM} = \frac{AC}{AN} = \frac{BC}{MN}$$

$$\text{D'où : } \frac{4}{AM} = \frac{2,5}{6,1} = \frac{BC}{MN}$$

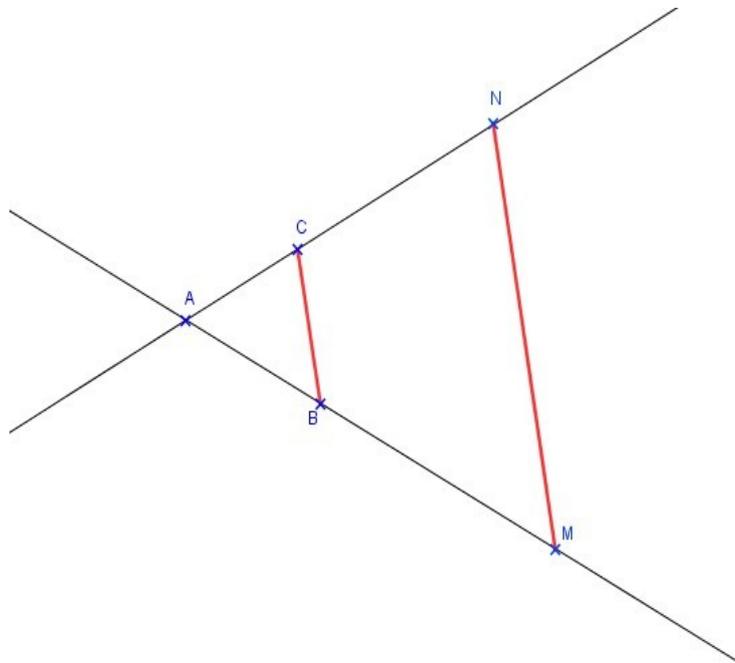
$$\text{Produit en croix : } 4 \times 6,1 = AM \times 2,5$$

$$\text{D'où : } AM = \frac{4 \times 6,1}{2,5} = \frac{24,4}{2,5} \approx \boxed{9,8}$$

II) Réciproque du théorème de Thalès :

Si les points  $A, B, M$  et les points  $A, C, N$  sont alignés dans le même ordre, et si :

$$\frac{AB}{AM} = \frac{AC}{AN} , \text{ alors } \underline{\text{les droites } (BC) \text{ et } (MN) \text{ sont parallèles.}}$$



Données : \*  $A, B, M$  alignés et  $A, C, N$  alignés dans le même ordre

$$* \frac{AB}{AM} = \frac{AC}{AN}$$

Conclusion :

**$(BC) // (MN)$**

