

Pour chaque question, il y a une ou plusieurs bonnes réponses.

1 Le nombre 64 possède :

- ☐ A 1 diviseur entier naturel
- ☐ B 6 diviseurs entiers naturels
- ☐ C 7 diviseurs entiers naturels
- ☐ D 14 diviseurs entiers naturels

2 $3^{100} + 6$ est divisible par :

- ☐ A 3
- ☐ B 6
- ☐ C 9
- ☐ D 100

3 a est un entier vérifiant $a \equiv 2 \pmod{7}$

a. $a^3 - 1$ est :

- ☐ A divisible par 7
- ☐ B non divisible par 7
- ☐ C impair
- ☐ D divisible par 3

b. $a^{1000} - 1$ est :

- ☐ A divisible par 7
- ☐ B non divisible par 7
- ☐ C congru à 1 modulo 7
- ☐ D divisible par 1000

4 Si n est un entier, les reste possibles de n^2 dans la division par 4 sont :

- ☐ A 1, 2, 3 ou 4
- ☐ B 0, 1, 2 ou 3
- ☐ C 0, 1, 4 ou 9
- ☐ D 0 ou 1

5 Il n'existe pas d'entier n tel que :

- ☐ A $n^2 \equiv 2 \pmod{3}$
- ☐ B $n^2 \equiv 2 \pmod{4}$
- ☐ C $n^2 \equiv 2 \pmod{5}$
- ☐ D $n^2 \equiv 2 \pmod{7}$

6 L'algorithme d'Euclide donne le PGCD de 92 et 78 en :

- ☐ A 1 division euclidienne
- ☐ B 2 divisions euclidiennes
- ☐ C 4 divisions euclidiennes
- ☐ D 5 divisions euclidiennes

7 n est un entier. On donne les nombres $a = 2n + 7$ et $b = 3n + 1$

a. On peut trouver une combinaison linéaire de a et b égale à :

- ☐ A 1
- ☐ B 6
- ☐ C 19
- ☐ D 38

b. Le PGCD de a et b :

- ☐ A vaut 1
- ☐ B vaut 19
- ☐ C divise 19
- ☐ D est un multiple de 19

8 Si x et y sont deux entiers tels que $9x = 6y$. On peut affirmer que :

- ☐ A x divise $6y$
- ☐ B x divise y
- ☐ C 9 divise y
- ☐ D 3 divise y

9 Le couple $(-2; 1)$ est solution de l'équation $3x + 7y = 1$. L'ensemble des solutions est constitué des couples de la forme :

- ☐ A $(-2 + 7k; 1 + 3k)$ pour tout $k \in \mathbb{Z}$.
- ☐ B $(-2 + 7k; 1 - 3k)$ pour tout $k \in \mathbb{Z}$.
- ☐ C $(-2 - 7k; 1 + 3k)$ pour tout $k \in \mathbb{Z}$.
- ☐ D $(-2 + 3k; 1 - 7k)$ pour tout $k \in \mathbb{Z}$.

10 n est un entier tel que $3n \equiv 3 \pmod{5}$, alors :

- ☐ A $n \equiv 1 \pmod{5}$
- ☐ B $n \equiv 0 \pmod{5}$
- ☐ C On ne peut pas connaître le reste n dans la division euclidienne par 5.
- ☐ D Cette égalité est impossible car 5 n'est pas divisible par 3.

11 Pour déterminer si 131 est un nombre premier :

- ☐ A Il faut tester les diviseurs premiers inférieurs ou égaux à 65.
- ☐ B Il faut tester les diviseurs premiers inférieurs ou égaux à 11.
- ☐ C Il suffit de tester les diviseurs premiers inférieurs ou égaux à 11.
- ☐ D Il suffit de tester les diviseurs impairs inférieurs ou égaux à 131.

12 Les nombres suivants sont premiers :

- ☐ A 51
- ☐ B 71
- ☐ C 91
- ☐ D 107

13 Le nombre 1444 admet exactement :

- ☐ A 1 diviseur premier
- ☐ B 2 diviseurs premiers
- ☐ C 9 diviseurs premiers
- ☐ D aucun diviseur premier

14 Le nombre 360 admet exactement :

- ☐ A 2 diviseurs
- ☐ B 3 diviseurs
- ☐ C 6 diviseurs
- ☐ D 24 diviseurs

15 p et q sont deux nombres premiers distincts, alors :

- ☐ A p et q sont premiers entre eux.
- ☐ B $pq + 1$ est un nombre premier.
- ☐ C $p + q$ est un nombre pair.
- ☐ D p^q est un nombre premier.

16 Le nombre $2^{96} - 1$ est :

- ☐ A divisible par 2
- ☐ B divisible par 96
- ☐ C divisible par 97
- ☐ D un nombre premier

17 Un nombre premier $n > 2$ vérifie nécessairement :

- ☐ A $n \equiv 1 \pmod{2}$
- ☐ B $n \equiv 1$ ou $-1 \pmod{3}$
- ☐ C $n \equiv 1$ ou $-1 \pmod{5}$
- ☐ D $n \equiv 1$ ou $-1 \pmod{6}$