Rappels de Seconde : préparation du chapitre sur le second degré

Exercice 1:

Soit $f(x) = x^2 - x - \frac{15}{4}$

1) Montrer que
$$f(x) = (x + \frac{3}{2})(x - \frac{5}{2})$$

2) Montrer que
$$f(x) = (x - \frac{1}{2})^2 - 4$$

3) Résoudre
$$f(x) = 0$$

4) Résoudre
$$f(x) = -\frac{15}{4}$$

Exercice 2:

Développer et réduire les expressions suivantes :

a)
$$A(x) = (7x - 6)(9 - 2x) - 11x(3 - 5x)$$

b)
$$B(x) = (2x + \frac{1}{3})^2 - (x - \frac{2}{3})^2$$

c)
$$C(x) = (x-7)(3x+1)^2$$

Exercice 3:

Factoriser les expressions suivantes :

a)
$$A(x) = (5x-1)^2 - (x+2)^2$$

b)
$$B(x) = (9x + 2)(x - 3) - (x - 3)(7x + 1)$$

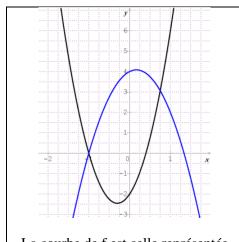
c)
$$C(x) = 9x^2 + 42x + 49$$

d)
$$D(x) = 64(7x-5)^2 - (7x-5)$$

e)
$$E(x) = (8x + 3)^2 - 40x - 15$$

Exercice 4:

On considère deux fonctions f et g représentées dans le repère ci-dessous :



La courbe de f est celle représentée en noir

On a
$$f(x) = 5x^2 + 3x - 2$$

$$g(x) = -3x^2 + x + 4$$

- 1) Résoudre graphiquement l'équation f(x) = g(x) en justifiant
- 2) Résoudre graphiquement l'inéquation $f(x) \le g(x)$ sur [-1;1] en justifiant
- 3) Montrer que f(x) = (5x 2)(x + 1)
- 4) Montrer que g(x) = -(x + 1)(3x 4)
- 5) Résoudre f(x) = g(x) algébriquement.

Exercice 5:

Résoudre algébriquement l'équation :

$$(11x-1)^2 - (7+4x)^2 = 0$$

Exercice 6: Utilisation de la calculatrice

Soit
$$f(x) = x^2 - \frac{7}{2}x + 3$$

1) Représenter f sur l'écran de la calculatrice avec les paramètres :

$$Xmin = -3$$
 $Xmax = 5$ $Ymin = -2$ $Ymax = 5$

- 2) Déterminer les antécédents de 0 par f à la calculatrice (utiliser la touche F5)
- 3) En déduire les solutions de l'inéquation f(x) > 0
- 4) Tracer la droite d'équation y = -2x + 3
- 5) A l'aide de la calculatrice, résoudre l'équation $x^2 \frac{7}{2}x + 3 = -2x + 3$
- 6) A l'aide de la calculatrice, déterminer le minimum de f et la valeur de x en laquelle il est atteint.
- 7) Montrer que $(-\frac{1}{2}x + 1)(3 2x) = x^2 \frac{7}{2}x + 3$
- 8) Retrouver le résultat de 5) algébriquement.