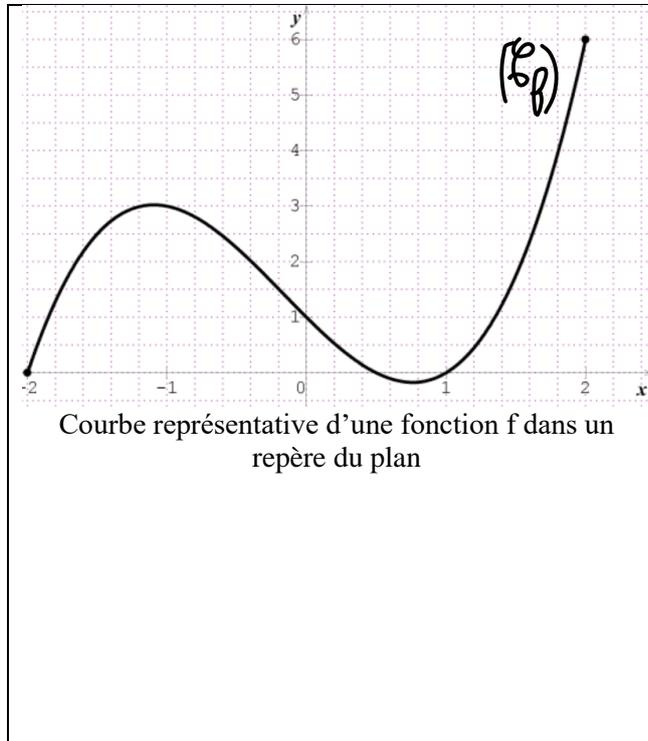


Seconde F	<b>Corrigé du devoir de mathématiques n°6</b> Fonctions/Calcul littéral	Fait le lundi 2 mars 2020
--------------	--	------------------------------

**Exercice 1 : Lectures graphiques (5 pts)**



- 1) Ensemble de définition de f :  $[-2; 2]$
- 2) Antécédents de 0 par f :  $\{-2; 0; 1\}$
- 3)  $f(0) = \dots 1 \dots$  Image de -1 par f =  $\dots 3 \dots$
- 4) Résoudre  $f(x) = 4$  **en justifiant** :  
Les solutions éventuelles sont les abscisses des points d'intersection de  $(C_f)$  avec la droite horizontale à l'ordonnée 4  
 $S = \{1, 8\}$
- 5) Résoudre  $f(x) > 0$  **en justifiant** :  
Les solutions éventuelles sont les abscisses des points de  $(C_f)$  situés strictement au-dessus de l'axe des abscisses  
 $S = ]-2; 0[ \cup ]1; 2]$

**Exercice 2 : (4 pts)**

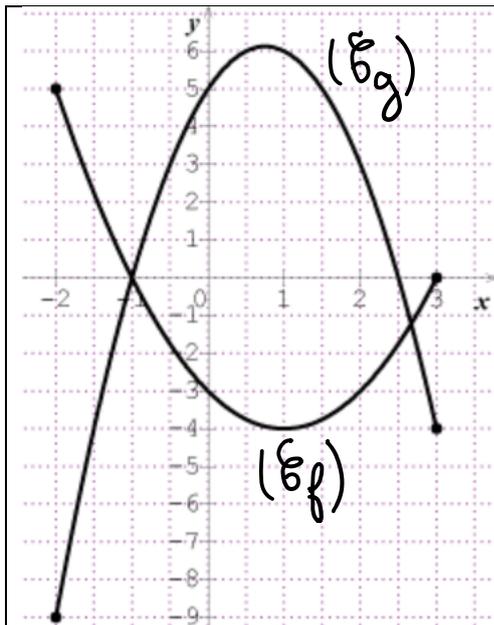
x	-5	-3	-1	0	2
Variations de f	-6	0	-1	4	0

Tableau de variations d'une fonction f

- 1) Décrire les variations de f sur  $[-5; 2]$  :  
\* Sur  $[-5; -3] \cup [-1; 0]$ , f est croissante  
\* Sur  $[-3; -1] \cup [0; 2]$ , f est décroissante

- 2) Donner les extremums de f sur  $[-5; 2]$  :  
\* 4 est le maximum de f atteint en  $x = 0$   
\* -6 est le minimum de f atteint en  $x = -5$
- 3) Tracer deux courbes possibles pour f dans le repère donné **en annexe** (utiliser deux couleurs différentes)

**Exercice 3 : Lectures graphiques + vérifications algébriques (7 pts)**



Deux fonctions  $f$  et  $g$  ont été représentées sur  $[-2 ; 3]$  :

$f(x) = x^2 - 2x - 3$  et  $g(x) = -2x^2 + 3x + 5$

1) Un logiciel de calcul formel donne le résultat suivant :

Résoudre  $(x^2 - 2x - 3 = -2x^2 + 3x + 5)$   
 $\rightarrow \left\{ x = -1, x = \frac{8}{3} \right\}$

En déduire les solutions de l'inéquation  $f(x) \geq g(x)$  en justifiant :

... Les solutions éventuelles, sont les abscisses...  
 des points de  $(f)$ , situés sur ou au-dessus de  $(g)$ .  
 Donc :  $S = [-2 ; -1] \cup \left[ \frac{8}{3} ; 3 \right]$

2) On souhaite retrouver algébriquement les solutions de l'équation  $f(x) = g(x)$  déterminées par le logiciel.

a) Montrer que  $f(x) = (x - 3)(x + 1)$

$(x-3)(x+1) = x^2 + x - 3x - 3$   
 $= x^2 - 2x - 3 = f(x)$   
 Donc  $f(x) = (x-3)(x+1)$

b) Montrer que  $g(x) = -(x + 1)(2x - 5)$

$-(x+1)(2x-5) = -(2x^2 - 5x + 2x - 5)$   
 $= -2x^2 + 3x + 5 = g(x)$   
 Donc :  $g(x) = -(x+1)(2x-5)$

c) Montrer que :

$f(x) = g(x) \Leftrightarrow (x - 3)(x + 1) + (x + 1)(2x - 5) = 0$   
 $f(x) = g(x) \Leftrightarrow (x - 3)(x + 1) = -(x + 1)(2x - 5)$   
 $\Leftrightarrow (x - 3)(x + 1) + (x + 1)(2x - 5) = 0$

d) En factorisant le membre de gauche, montrer que :

$(x + 1)(3x - 8) = 0$   
 $(x - 3)(x + 1) + (x + 1)(2x - 5) = 0$   
 $\Leftrightarrow (x + 1)(x - 3 + 2x - 5) = 0$   
 $\Leftrightarrow (x + 1)(3x - 8) = 0$

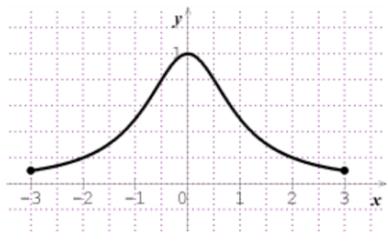
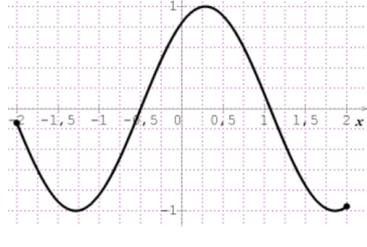
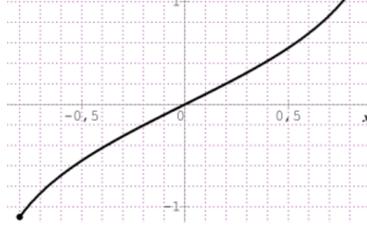
e) Retrouver les résultats donnés par le logiciel :

$f(x) = g(x) \Leftrightarrow (x + 1)(3x - 8) = 0$   
 $\Leftrightarrow x + 1 = 0$  ou  $3x - 8 = 0$   
 $\Leftrightarrow x = -1$  ou  $3x = 8$   
 $\Leftrightarrow x = -1$  ou  $x = \frac{8}{3}$   
 On retrouve les résultats du logiciel  $S = [-1 ; \frac{8}{3}]$

NOM : ..... Prénom : .....

**Exercice 4 : (3 pts)**

On a représenté les courbes de trois fonctions. Etudier la parité de chaque fonction représentée **en justifiant** :

 <p>Courbe représentative d'une fonction <math>f</math> sur <math>[-3 ; 3]</math></p>	 <p>Courbe représentative d'une fonction <math>g</math> sur <math>[-2 ; 2]</math></p>	 <p>Courbe représentative d'une fonction <math>h</math> sur <math>[-0,8 ; 0,8]</math></p>
<p><b>Réponse et justification :</b>  <math>* [-3 ; 3]</math> est symétrique par rapport à l'origine  <math>+ (\mathbb{R})</math> présente une symétrie d'axe l'axe des ordonnées          Donc <math>f</math> est <u>paire</u></p>	<p><b>Réponse et justification :</b>          La courbe de <math>g</math> ne présente aucune symétrie.  <math>g</math> n'est ni paire ni impaire</p>	<p><b>Réponse et justification :</b>  <math>* [-0,8 ; 0,8]</math> symétrique par rapport à l'origine.  <math>+ (\mathbb{R})</math> présente une symétrie de centre 0          Donc <math>h</math> est <u>impaire</u></p>

**Exercice 5 : (1 pt + BONUS)**

Soit  $f(x) = \frac{4}{x^2 - 1}$

1) Montrer que  $f$  est définie sur  $\mathbb{R} \setminus \{-1 ; 1\}$

$f$  est définie si et seulement si  $x^2 - 1 \neq 0$

or,  $x^2 - 1 = 0 \Leftrightarrow (x+1)(x-1) = 0$

$\Leftrightarrow x = -1$  ou  $x = 1$

Donc:  $D_f = \mathbb{R} \setminus \{-1 ; 1\}$

2) Etudier la parité de  $f$ . Que peut-on en déduire concernant sa courbe représentative dans un repère du plan ?

$* D_f = \mathbb{R} \setminus \{-1 ; 1\}$  est un domaine symétrique par rapport à l'origine

$+ f(-x) = \frac{4}{(-x)^2 - 1} = \frac{4}{x^2 - 1} = f(x)$

Donc  $f$  est une fonction paire

NOM : ..... Prénom : .....

# ANNEXE

